

# Grundlagen: Datenbanken

## 2. Zentralübung / Fragestunde

Harald Lang

Diese Folien finden Sie online.

Die Mitschrift erhalten Sie im Anschluss.

# Agenda

- ▶ Hinweise zur Klausur
- ▶ Stoffübersicht/-Diskussion
- ▶ Anmerkungen
  - ▶ B-Baum / B<sup>+</sup>-Baum
- ▶ Übung
  - ▶ Abfrageoptimierung
  - ▶ Erweiterbares Hashing
  - ▶ Mehrbenutzersynchronisation (inkl. Wiederholung)
  - ▶ Normalformen und Zerlegungsalgorithmen

# Hinweise zur Klausur

## Termine

- ▶ 1. Klausurtermin
  - ▶ Mi. 18.02.2015, 08:00 Uhr
- ▶ 2. Klausurtermin
  - ▶ Do. 02.04.2014, 13:00 Uhr (**Anmeldung von 09.03. bis 21.03.2015**)
- ▶ **Raubekanntgabe**, jeweils (spätestens) eine Woche vorher!  
(via TUMonline sowie auf der Homepage)

## Verschiedenes

- ▶ 90 Minuten / 90 Punkte
- ▶ Sitzplatzvergabe (Aushang:  $MatrNr \mapsto Sitzplatz$ , KEINE Namensnennung)
- ▶ Betrugsfälle
- ▶ Notenbekanntgabe (via TUMonline)
- ▶ Einsichtnahme (Instruktionen auf der Homepage, nach Notenbekanntgabe)

# Soffübersicht (1)

## Datenbankentwurf / **ER-Modellierung**

- ▶ .., Funktionalitäten, Min-Max, Übersetzung ER → Relational, Schemavereinfachung/-verfeinerung

## Das Relational Modell

- ▶ Stichworte: Schema, Instanz/Ausprägung, Tupel, Attribute,...
- ▶ **Anfragesprachen**
  - ▶ **Relationale Algebra**
    - ▶ RA-Operatoren: Projektion, Selektion, Join (Theta, Natural, Outer, Semi, Anti), Kreuzprodukt, Mengendifferenz/-vereinigung/-schnitt, Division
  - ▶ **Tupelkalkül, Domänenkalkül**

## Soffübersicht (2)

### SQL

- ▶ ... darin sind Sie alle bereits Experten :-)

### Relationale Entwurfstheorie

- ▶ Definitionen:
  - ▶ Funktionale Abhängigkeiten (FDs), Armstrong-Axiome (+Regeln), FD-Hülle, Kanonische Überdeckung, Attribut-Hülle, Kandidaten-/Superschlüssel, Mehrwertige Abhängigkeiten (MVDs), Komplementregel, Triviale FDs/MVDs,...
- ▶ **Normalformen\***: 1., 2., 3.NF, BCNF und 4. NF
- ▶ Zerlegung von Relationen
  - ▶ in 3.NF mit dem **Synthesealgorithmus**
  - ▶ in BCNF/4.NF (zwei Varianten des **Dekompositionsalgorithmus**)
  - ▶ Stichworte: Verlustlos, Abhängigkeitsbewahrend

\* Es folgt noch eine Übungsaufgabe dazu.

## Soffübersicht (3)

- ▶ Physische Datenorganisation
  - ▶ Speicherhierarchie
  - ▶ HDD/**RAID**
  - ▶ TID-Konzept (slotted pages)
  - ▶ **Indexstrukturen (Bäume, Hashing\*)**
  
- ▶ Anfragebearbeitung
  - ▶ **Kanonische Übersetzung\*** (SQL → Relationale Algebra)
  - ▶ Logische **Optimierung\*** (in relationaler Algebra)
  - ▶ Implementierung relationaler Operatoren
    - ▶ ...
    - ▶ **Nested-Loop-Join**
    - ▶ **Sort-Merge-Join**
    - ▶ Hash-Join
    - ▶ Index-Join

\* Es folgt noch eine Übungsaufgabe dazu.

## Soffübersicht (4)

- ▶ Transaktionsverwaltung
  - ▶ **ACID-Eigenschaften**
- ▶ Recovery
- ▶ Mehrbenutzersynchronisation
  - ▶ **Formale Definition einer Transaktion (TA)**
  - ▶ **Historien (Schedules)\***
    - ▶ Konfliktoperationen
    - ▶ (Konflikt-)Äquivalenz
    - ▶ Eigenschaften von Historien
  - ▶ **Datenbank-Scheduler\***
    - ▶ pessimistisch (sperrbasiert, zeitstempelbasiert)
    - ▶ optimistisch

\* Es folgt noch eine Übungsaufgabe dazu.



# Anmerkungen zum B-Baum/B<sup>+</sup>-Baum

- ▶ Inkonsistenz: Folien  $\longleftrightarrow$  Buch u. Übung
  - ▶ B-Baum mit Grad  $k$ 
    - ▶ Parameter  $k$  gibt an (**Grad**), dass jeder Knoten mindestens  $k$  Elemente und höchstens  $2k$  Elemente enthält. (nur Wurzel kann unterbelegt sein)
    - ▶ Auf den Folien wird der Parameter  $i$  genannt.
  - ▶ B<sup>+</sup>-Baum vom Typ  $(k, k^*)$ 
    - ▶ Parameter  $k^*$  bezieht sich auf die **Blattknoten** (mindestens  $k^*$ , höchstens  $2k^*$  Elemente)
- ▶ Kurze Wiederholung: B-Baum vs. B<sup>+</sup>-Baum
  - ▶ Im B<sup>+</sup>-Baum werden **Daten ausschließlich in den Blattknoten** gespeichert. In den inneren Knoten nur Schlüssel.
    - ▶ Höherer Verzweigungsgrad der inneren Knoten
    - ▶ Baumhöhe wird reduziert
    - ▶ Schnellere Suche (Weg von der Wurzel zu den Blättern kürzer)
  - ▶ Die **Blattknoten** des B<sup>+</sup>-Baums sind **verkettet**
    - ▶ Ermöglicht effiziente Bereichsanfragen: ...WHERE a >= 10 AND a <=100

# **Anfragebearbeitung/-optimierung**

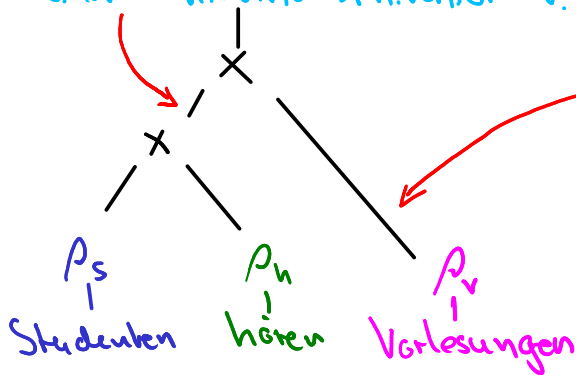
# Anfrageoptimierung / Übung

Geben Sie die kanonische Übersetzung der folgenden SQL-Anfrage an und optimieren Sie diese logisch:

```
SELECT DISTINCT s.name  
FROM studenten s, hören h, vorlesungen v  
WHERE s.matrnr = h.matrnr  
AND h.vorlnr = v.vorlnr  
AND v.titel = 'Grundzüge'
```

$\Pi_{s.name}$

$\sigma_{s.MatrNr = h.MatrNr \wedge h.VorlNr = v.VorlNr \wedge v.Titel = 'Grundzüge'}$



Selection aufbrechen und nach unten verschieben

## Anfrageoptimierung / Übung (2)

Angenommen

- ▶  $|s| = 10000$
- ▶  $|h| = 20 * |s| = 200000$
- ▶  $|v| = 1000$
- ▶ 10% der Studenten haben 'Grundzüge' gehört

Dann ergeben sich

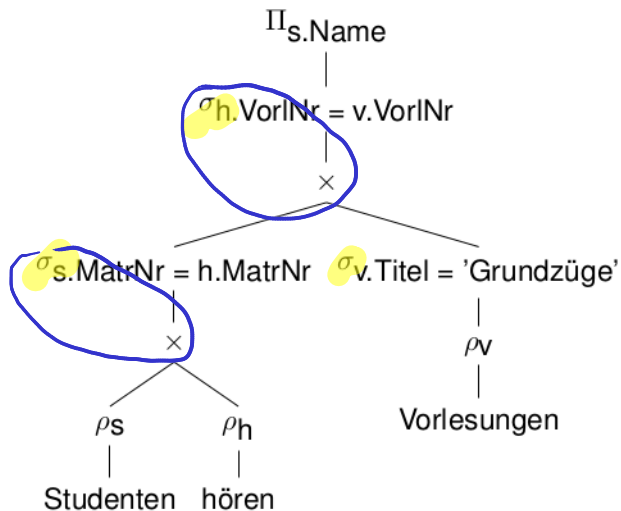
- ▶  $|s \times h \times v| = 10000 \cdot 20 \cdot 10000 \cdot 1000 = 2 \cdot 10^{12}$

Nach der Selektion verbleiben noch

- ▶  $|\sigma_p(s \times h \times v)| = 0,1 \cdot |s| = 1000$

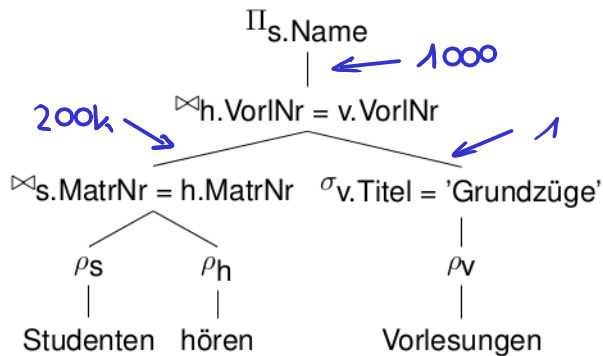
## Anfrageoptimierung / Übung (3)

**Optimierung 1:** Selektionen frühzeitig ausführen (*push selections*):



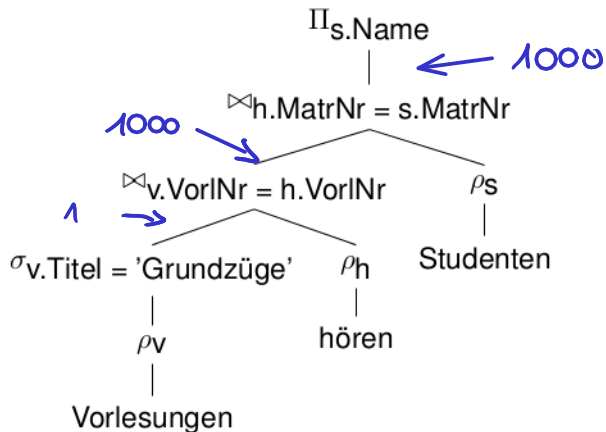
## Anfrageoptimierung / Übung (4)

**Optimierung 2:** Kreuzprodukte durch Joins ersetzen (*introduce joins*):



## Anfrageoptimierung / Übung (5)

**Optimierung 3:** Joinreihenfolge optimieren (*join order optimization*), so dass die Zwischenergebnismengen möglichst klein sind:



# **Erweiterbares Hashing**



# Erweiterbares Hashing

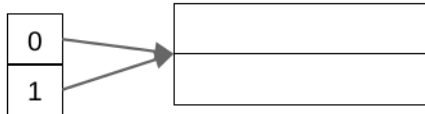
Hashfunktion  $h: \mathbf{S} \rightarrow \mathbf{B}$   
Schlüssel                      Bucket

wir betrachten die **Binärdarstellung** des Hashwerts

$h(x) = dp$   
unbenutzte Bits  
Anzahl betrachteter Bits  
= globale Tiefe des Dictionaries

*Initialer Zustand:*

globale  
Tiefe  $t = 1$

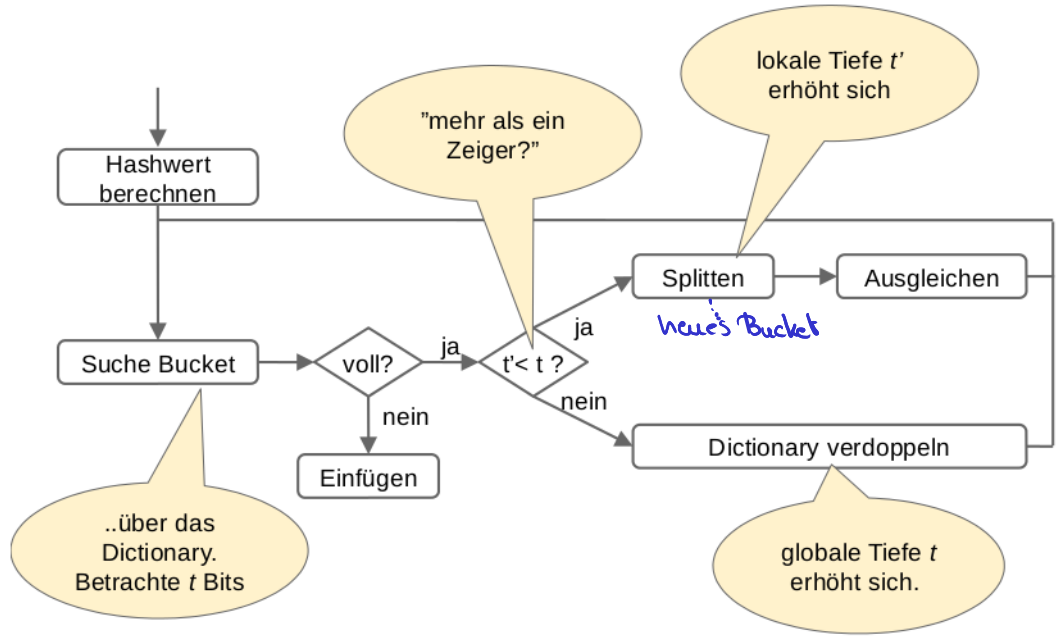


lokale  
Tiefe  $t' = 0$

Dictionary  
(Verzeichnis)

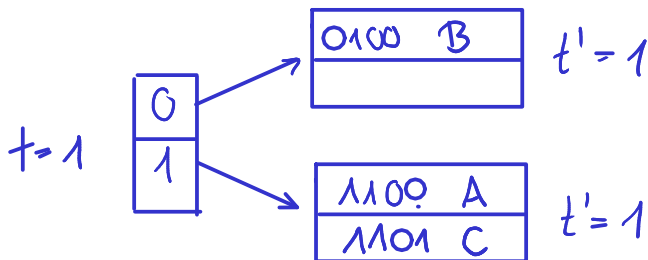
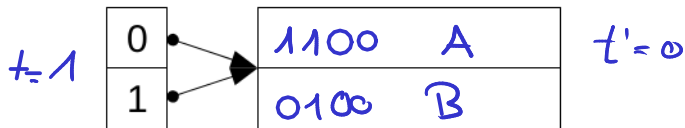
Bucket (Behälter)  
Platz für  $n$  Einträge  
hier  $n=2$

# Erweiterbares Hashing / Einfügen



# Erweiterbares Hashing / Einfügen (Übung)

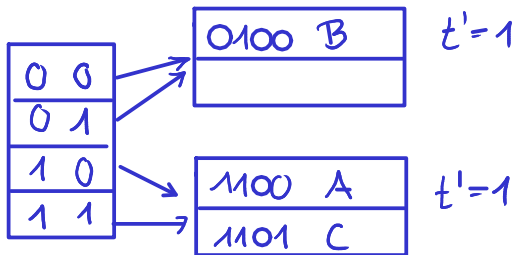
x	$h(x)$
A	<u>1100</u> ✓
B	<u>0100</u> ✓
C	<u>1101</u> ✓
D	1010



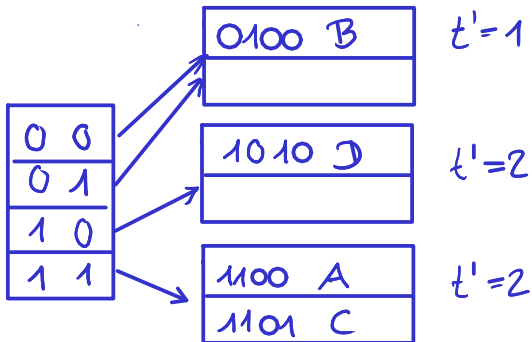
# Erweiterbares Hashing / Einfügen (Übung)

x	$h(x)$
A	1100 ✓
B	0100 ✓
C	1101 ✓
D	1010 ✓

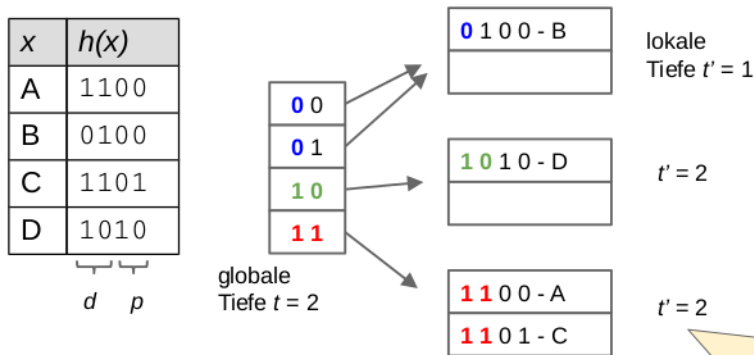
$t=2$



$t=2$



# Erweiterbares Hashing / Lösung



in einem Bucket mit Tiefe  $t'$ , stimmen (mindestens) die  $t'$  führenden Bits der Hashwerte überein

# Mehrbenutzersynchronisation

Wiederholung + Übung

## Transaktionen (High-Level)

- ▶ Ein Programm, das auf einem Datenbestand arbeitet.
  - ▶ Beispiele: Banküberweisung, Online-Bestellung, Ausleihe (Bib.)
- ▶ Daten werden gelesen, verarbeitet (Programmlogik) und geschrieben.

# Atomarität

- ▶ Eine Transaktion überführt eine Datenbank von einem konsistenten Zustand in einen wiederum konsistenten Zustand.
- ▶ Zwischenzeitlich kann die Datenbank in einem inkonsistenten Zustand sein.
- ▶ Atomarität (*Alles-oder-nichts-Eigenschaft*):
  - ▶ Es werden entweder alle Änderungen übernommen, oder keine.
  - ▶ Schlägt während der Ausführung eine Operation fehl, werden alle bisherigen Änderungen in den Ausgangszustand zurück gesetzt.



## Transaktionen (aus Sicht des Datenbanksystems)

Eine Transaktion  $T_i$  besteht aus folgenden **elementaren Operationen**:

- $r_i(A)$  - **Lesen** des Datenobjekts  $A$
- $w_i(A)$  - **Schreiben** des Datenobjekts  $A$
- $a_i$  - **Abort** (alle Änderungen rückgängig machen)
- $c_i$  - **Commit** (alle Änderungen festschreiben)

Die letzte Operation ist entweder ein **commit** oder ein **abort**.

Die dahinterliegende Programmlogik ist hier nebensächlich.

## Historie (Schedule)

Eine Historie spezifiziert eine **zeitliche Abfolge von Elementaroperationen** mehrerer **parallel laufender Transaktionen** (*verzahnte Ausführung*).

$$H = \underbrace{r_1(A)}_{T_1}, \underbrace{r_2(C)}_{T_2}, \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \quad \underline{\quad}$$

Eine Historie umfasst nicht zwangsläufig eine totale Ordnung ALLER Operationen, aber mindestens die der **Konfliktoperationen** (partielle Ordnung).

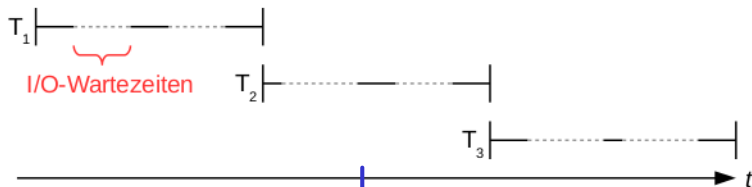
## Konfliktoperationen

**Zwei Operationen (verschiedener aktiver Transaktionen) auf dem selben Datum stehen zueinander in Konflikt, gdw. mindestens eine Operation schreibend ist.**

- ▶ **Unkontrollierte Nebenläufigkeit** kann zu Inkonsistenzen führen:
  - ▶ *lost update*
  - ▶ *dirty read*
  - ▶ *non-repeatable read*
  - ▶ *phantom problem*

## Serielle vs. Parallele Ausführung

Eine **serielle Ausführung** verhindert all diese Probleme, da zu jedem Zeitpunkt maximal eine Transaktion aktiv ist und somit keine Konflikte auftreten können.



Eine verzahnte **parallele Ausführung** (im Mehrbenutzerbetrieb) ist effizienter.



## Serialisierbarkeit (Konzept)

... soll die Vorzüge der seriellen Ausführung (**Isolation**) mit den Vorteilen des Mehrbenutzerbetriebs (**höherer Durchsatz**) kombinieren.

# Serialisierbarkeit

Beispiel (Überweisung von  $A$  nach  $B$  und von  $C$  nach  $A$ ):

$H = r_1(A), r_2(C), w_1(A), w_2(C), r_1(B), w_1(B), r_2(A), w_2(A), c_1, c_2$

$H:$	$T_1$	$T_2$
	$r_1(A)$	
		$r_2(C)$
	$w_1(A)$	
		$w_2(C)$
	$r_1(B)$	
	$w_1(B)$	
		$r_2(A)$
		$w_2(A)$
	$c_1$	
		$c_2$

$\equiv$

$H':$	$T_1$	$T_2$
	$r_1(A)$	
	$w_1(A)$	
	$r_1(B)$	
	$w_1(B)$	
	$c_1$	
		$r_2(C)$
		$w_2(C)$
		$r_2(A)$
		$w_2(A)$
		$c_2$

$H' = T_1 | T_2$

Serialisierbarkeitsgraph

SG( $H$ ):

$T_1 \rightarrow T_2$

kein Zyklus  $\rightarrow$  Serialisierbar

$H \equiv H'$  gdw. Konfliktoperationen in der gleichen Reihenfolge.

$H$  ist **(konflikt-) serialisierbar**.

# Serialisierbarkeitstheorem

$H$  ist **serialisierbar**, gdw.  $SG(H)$  azyklisch ist.

## Weitere Eigenschaften von Historien

### Rücksetzbar (RC)

- ▶ Commit der schreibenden Transaktion  $T_j$  muss vor dem Commit der lesenden Transaktion  $T_i$  durchgeführt werden.
- ▶  $c_j <_H c_i$

### Vermeidet kaskadierendes Rücksetzen (ACA)

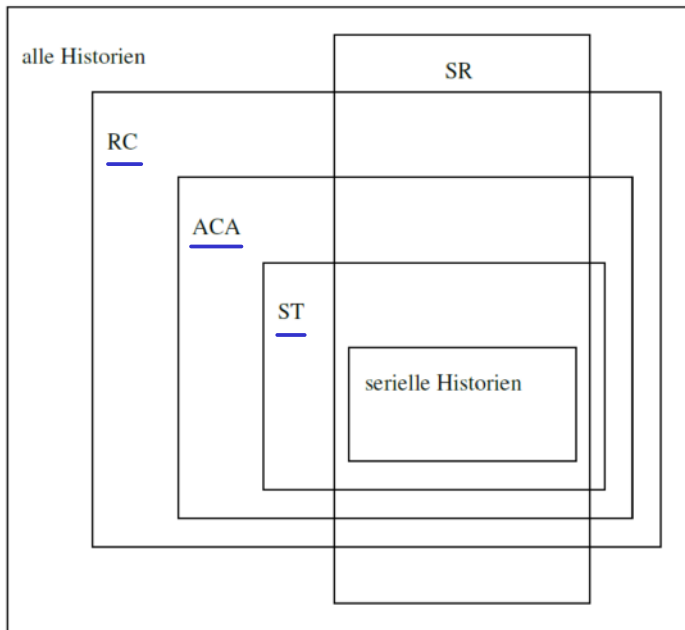
- ▶ Es wird erst gelesen, wenn die Änderungen der schreibenden Transaktion  $T_j$  festgeschrieben wurden (Commit).
- ▶  $c_j <_H r_i$

### Strikt (ST)

- ▶ Wie ACA, verhindert aber zusätzlich blindes Schreiben (ohne vorheriges Lesen).
- ▶  $a_j <_H o_i$  oder  $c_j <_H o_i$  (Operation  $o = r$  oder  $w$ )



# Eigenschaften von Historien (Zusammenhang)



# Eigenschaften von Historien: Übung

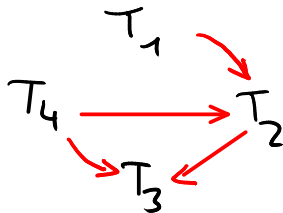
$T_3$  liest von  $T_2$  und  $T_4$

H: Schritt	$T_1$	$T_2$	$T_3$	$T_4$
1	<u>w(A)</u>			
2				<u>r(B)</u>
3		<u>w(A)</u>		
4				<u>w(B)</u>
5	c			
6				c
7		<u>w(B)</u>		
8		c		
9			<u>r(B)</u>	
10			<u>w(C)</u>	
11			c	

wahr	falsch	Aussage
✓		$H \in SR$
✓		$H \in RC$
✓		$H \in ACA$
	✓	$H \in ST$

$$\begin{aligned}
 H &\equiv T_1 | T_4 | T_2 | T_3 \\
 &\equiv T_4 | T_1 | T_2 | T_3
 \end{aligned}$$

SG(H):

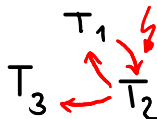


# Eigenschaften von Historien: Übung (2)

H: Schritt	$T_1$	$T_2$	$T_3$
1	<u><math>r(A)</math></u>		
2		<u><math>w(A)</math></u>	
3		$r(B)$	
4	$w(B)$		
5	$c$		
6		$c$ ✓	
7			<u><math>r(A)</math></u>
8			<u><math>w(A)</math></u>
11			$c$

wahr	falsch	Aussage
✓		$H \in RC$
✓		$H \in ACA$
✓		$H \in ST$
	✗	$H \in SR$

SG(H):



nur  $T_3$  liest von  $T_2$

$$c_2 <_H c_3$$

RC

$$c_2 <_H r_3(A)$$

ACA

$$w_2(A) <_H w_3(A)$$

aber  $c_2 <_H w_3(A)$

ST

## Datenbank-Scheduler

Der Datenbank-Scheduler **ordnet** die (eingehenden) **Elementaroperationen** der Transaktionen so, dass die resultierende Historie bestimmte Eigenschaften hat.

Er implementiert ein Synchronisationsverfahren und sorgt so für **kontrollierte Nebenläufigkeit**.

# Synchronisationsverfahren

Pessimistisch

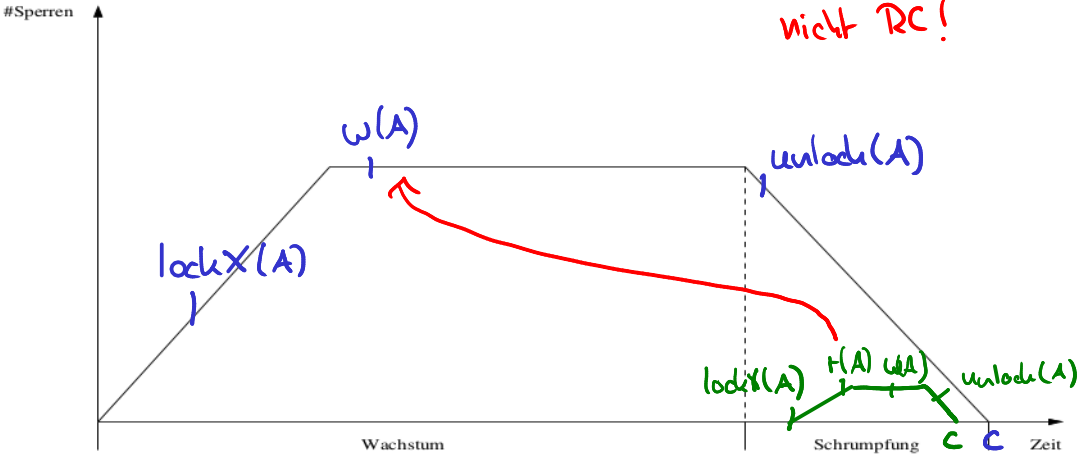
- ▶ Sperrbasiert
  - ▶ **2PL**
  - ▶ **Strenges 2PL**
- ▶ Zeitstempel-basiert

Optimistisch ↙ ??

- ▶ inkl. abgeschwächter Form: Snapshot Isolation

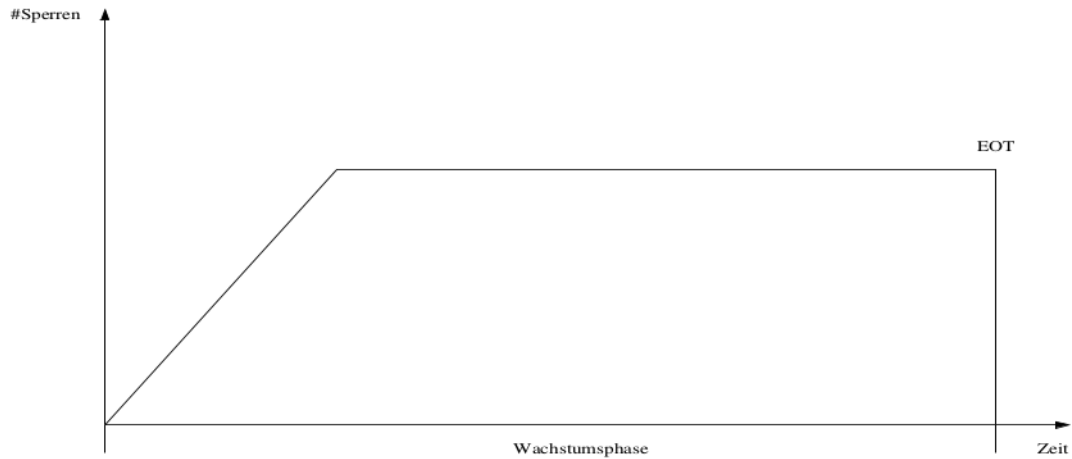
siehe Lösung  
Blatt 13/14

# Zwei-Phasen-Sperrprotokoll (2PL)



$T_{grün}$  liest von  $T_{blau}$   
 $C_{grün} <_H C_{blau}$

# Strenges 2PL

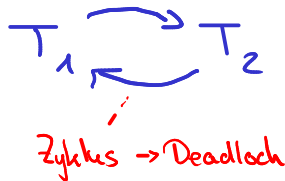


# Verklemmung (Deadlock)

Ein Ablauf zweier parallel laufender TAs:

Schritt	$T_1$	$T_2$	Bemerkung
1.	BOT		
2.		BOT	
3.	lockX(A)		
4.		lockX(B)	
5.	w(A)		
6.		w(B)	
7.	lockS(B)		Wartet auf $T_2$ ...
8.		lockS(A)	Wartet auf $T_1$ ...

Warte graph





# Zwei-Phasen-Sperrprotokoll (2PL)

## Deadlockbehandlung

- ▶ **Vermeidung** durch preclaiming
- ▶ **Vermeidung** durch Zeitstempel
  - ▶ wound-wait
  - ▶ wait-die
- ▶ **Erkennung** durch Wartegraph

$$(T_{\text{alt}} \rightarrow T_{\text{jung}}) - (T_{\text{jung}} \rightarrow T_{\text{alt}})$$

wound - wait

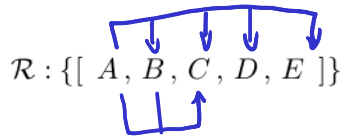
wait - die

# Normalformen

## Normalformen: 1NF $\supset$ 2NF $\supset$ 3NF $\supset$ BCNF $\supset$ 4NF

- ▶ **1. NF:** Attribute haben nur atomare Werte, sind also nicht mengenwertig.
- ▶ **2. NF:** Jedes Nichtschlüsselattribut (NSA) ist voll funktional abhängig von jedem Kandidatenschlüssel.
  - ▶  $\beta$  hängt **voll funktional** von  $\alpha$  ab ( $\alpha \xrightarrow{\bullet} \beta$ ), gdw.  $\alpha \rightarrow \beta$  und es existiert kein  $\alpha' \subset \alpha$ , so dass  $\alpha' \rightarrow \beta$  gilt.
- ▶ **3. NF:** Frei von transitiven Abhängigkeiten (*in denen NSAe über andere NSAe vom Schlüssel abhängen*).
  - ▶ für alle geltenden nicht-trivialen FDs  $\alpha \rightarrow \beta$  gilt entweder
    - ▶  $\alpha$  ist ein Superschlüssel, oder
    - ▶ jedes Attribut in  $\beta$  ist in einem Kandidatenschlüssel enthalten
- ▶ **BCNF:** Die linken Seiten ( $\alpha$ ) aller geltenden nicht-trivialen FDs sind Superschlüssel.
- ▶ **4. NF:** Die linken Seiten ( $\alpha$ ) aller geltenden nicht-trivialen MVDs sind Superschlüssel.

# Höchste NF bestimmen: Übung



$A \rightarrow BCDE$

$AB$   $\rightarrow C$

1NF : ✓

2NF : ✓

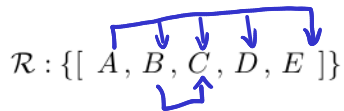
3NF : ✓

BCNF : ✓

4NF : ✓

$X = \{A\}$   $NSA_e = \{B, C, D, E\}$

# Höchste NF bestimmen: Übung (2)



$A \rightarrow BCDE$

$B \rightarrow C$

Lösung  $\rightarrow$

1NF	✓
2NF	✓
<hr/>	
3NF	✗

$K = \{A\}$      $NSA_e = \{BCDE\}$

FD 2 verletzt 3.NF

# Schema in 3. NF bringen

## Synthesealgorithmus

▶ Eingabe:

▶ **Kanonische Überdeckung**  $\mathcal{F}_c$

- ▶ Linksreduktion
- ▶ Rechtsreduktion
- ▶ FDs der Form  $\alpha \rightarrow \emptyset$  **entfernen** (sofern vorhanden)
- ▶ FDs mit gleicher linke Seite zusammenfassen

▶ Algorithmus:

1. Für jede FD  $\alpha \rightarrow \beta$  in  $\mathcal{F}_c$  forme ein Unterschema  $\mathcal{R}_\alpha = \alpha \cup \beta$ , ordne  $\mathcal{R}_\alpha$  die FDs  $\mathcal{F}_\alpha := \{\alpha' \rightarrow \beta' \in \mathcal{F}_c \mid \alpha' \cup \beta' \subseteq \mathcal{R}_\alpha\}$  zu
2. Füge ein Schema  $\mathcal{R}_\kappa$  mit einem Kandidatenschlüssel hinzu
3. Eliminiere redundante Schemata, d.h. falls  $\mathcal{R}_i \subseteq \mathcal{R}_j$ , verwirfe  $\mathcal{R}_i$

▶ Ausgabe:

- ▶ Eine Zerlegung des ursprünglichen Schemas, wo alle Schemata in 3.NF sind.

# Synthesealgorithmus: Übung

$F_c$ : *kanonische Überdeckung*

$R: \{ [ \underline{A}, B, C, D, E, F ] \}$

$B \rightarrow ACDEF$

$EF \rightarrow BC$

$A \rightarrow D$

LR:

EF  $\rightarrow$  BC

RR:

$B \rightarrow$  ~~A~~~~C~~DEF

$EF \rightarrow$  BC

$A \rightarrow$  D

}  $F_c$

$K_1 = \{ B \}$

$K_2 = \{ E, F \}$

$R_1: \{ \underline{B}, A, E, F \}$

$R_2: \{ \underline{E}, \underline{F}, BC \}$

$R_3: \{ \underline{A}, D \}$

# Schema in BCNF bringen

## BCNF-Dekompositionsalgorithmus

- ▶ Starte mit  $Z = \{\mathcal{R}\}$
- ▶ Solange es noch ein  $\mathcal{R}_i \in Z$  gibt, das nicht in BCNF ist:
  - ▶ Finde eine FD  $(\alpha \rightarrow \beta) \in F^+$  mit
    - ▶  $\alpha \cup \beta \subseteq \mathcal{R}_i$
    - ▶  $\alpha \cap \beta = \emptyset$
    - ▶  $\alpha \rightarrow \mathcal{R}_i \notin F^+$
  - ▶ Zerlege  $\mathcal{R}_i$  in  $\mathcal{R}_{i,1} := \alpha \cup \beta$  und  $\mathcal{R}_{i,2} := \mathcal{R}_i - \beta$
  - ▶ Entferne  $\mathcal{R}_i$  aus  $Z$  und füge  $\mathcal{R}_{i,1}$  und  $\mathcal{R}_{i,2}$  ein, also  $Z := (Z - \{\mathcal{R}_i\}) \cup \{\mathcal{R}_{i,1}\} \cup \{\mathcal{R}_{i,2}\}$

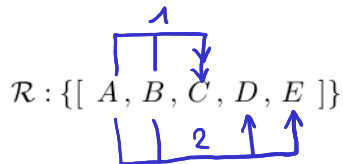


# Schema in 4.NF bringen

## 4NF-Dekompositionsalgorithmus

- ▶ Starte mit  $Z = \{\mathcal{R}\}$
- ▶ Solange es noch ein  $\mathcal{R}_i \in Z$  gibt, das nicht in 4NF ist:
  - ▶ Finde eine MVD  $\alpha \twoheadrightarrow \beta \in \mathcal{F}^+$  mit
    - ▶  $\alpha \cup \beta \subset \mathcal{R}_i$
    - ▶  $\alpha \cap \beta = \emptyset$
    - ▶  $\alpha \rightarrow \mathcal{R}_i \notin \mathcal{F}^+$
  - ▶ Zerlege  $\mathcal{R}_i$  in  $\mathcal{R}_{i,1} := \alpha \cup \beta$  und  $\mathcal{R}_{i,2} := \mathcal{R}_i - \beta$
  - ▶ Entferne  $\mathcal{R}_i$  aus  $Z$  und füge  $\mathcal{R}_{i,1}$  und  $\mathcal{R}_{i,2}$  ein, also  $Z := (Z - \{\mathcal{R}_i\}) \cup \{\mathcal{R}_{i,1}\} \cup \{\mathcal{R}_{i,2}\}$

# Dekompositionsalgorithmus für 4.NF: Übung



$AB \rightarrow C$

$AB \rightarrow DE$

MVD1 ist nicht trivial und linke Seite  
ist kein Superschlüssel  $\rightarrow$  verletzt 4.NF

Zerlege anhand MVD 1 in

$\mathcal{R}_1 = \{ \underline{A, B, C} \}$  u.  $\mathcal{R}_2 = \{ \underline{A, B, D, E} \}$

kann nicht weiter  
zerlegt werden,  
da  $AB \twoheadrightarrow C$   
in  $\mathcal{R}_1$  trivial ist.

analog...

⚠ Schlüssel ist  $\{A, B, C\}$